

Graphics with Processing



2023-07 3DCGとモデリングの基礎

<https://vilab.org>

塩澤秀和

7.1 3D図形の描画

3D基本設定

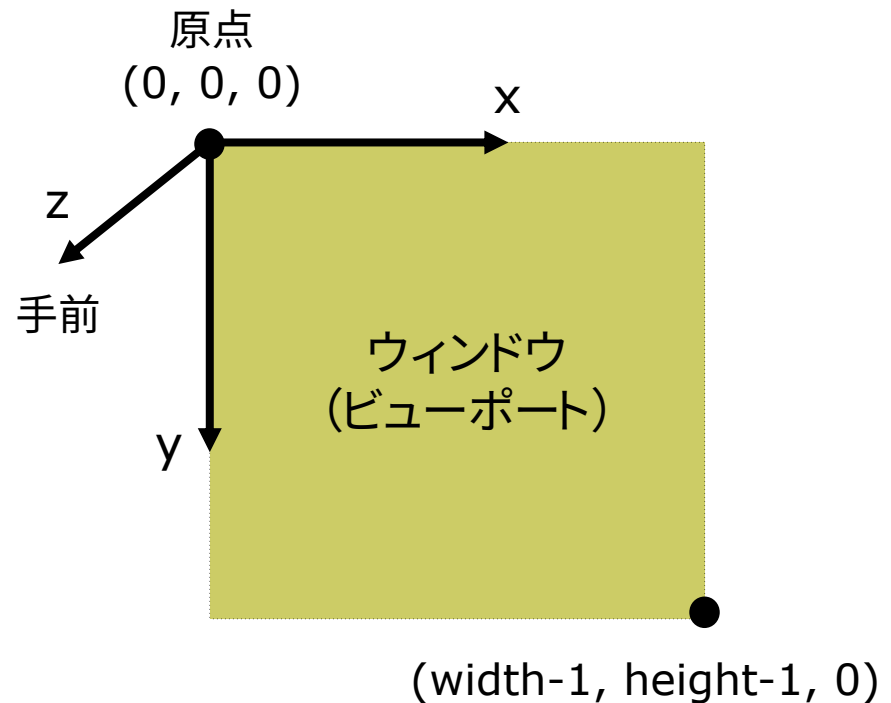
- size(幅, 高さ, P3D)
 - ウィンドウを3D用で開く
- lights()
 - 標準の照明を設定
 - draw()のなかで最初に書く
- perspective()
 - 透視投影に設定(第9回)

3D基本形状

- box(辺の長さ)
- box(幅, 高さ, 奥行き)
 - 原点に立方体/直方体を描画
- sphere(半径)
 - 原点に球を描画
 - 通常は noStroke() で描く

3次元座標系(無指定時)

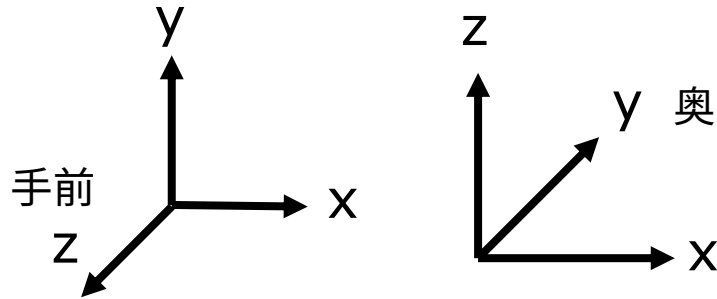
- Processingではz軸は手前方向
 - 左手系: x,y,z軸の向きが、左手の親指、人さし指、中指に対応



7.2* 座標系のとり方 (p.32)

□ 右手系

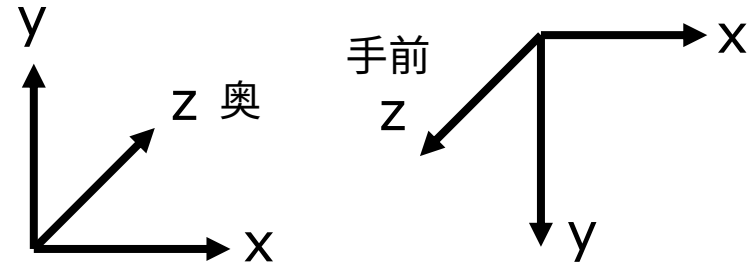
- 数学・物理学・工学で一般的



OpenGL, Maya 建築座標系, Blender

□ 左手系

- CG・ゲームで多くの例



DirectX, Unity

Processing

□ 縦ベクトル表記

- 数学・工学で一般的

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_1 & b_1 & c_1 & d_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 & d_2 \\ a_3 & b_2 & c_2 & d_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

□ 横ベクトル表記

- 成分は転置、掛け算の順序は逆

$$[x' \quad y' \quad z' \quad 1] = [x \quad y \quad z \quad 1] \begin{bmatrix} a_1 & a_2 & a_3 & 0 \\ b_1 & b_2 & b_3 & 0 \\ c_1 & c_2 & c_3 & 0 \\ d_1 & d_2 & d_3 & 1 \end{bmatrix}$$

7.3 3Dでの位置設定

3Dでの位置設定

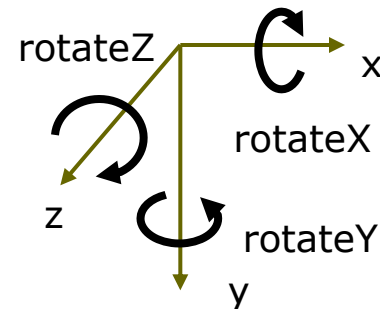
- 座標変換を駆使せよ
 - 3DCGでは、幾何変換で図形を配置する考え方が必須!!
 - boxもsphereもそのときの描画座標系の原点付近に図形を描く
 - 「原点」と「拡大率」を常に意識!

行列スタックの操作

- `pushMatrix()`, `push()`
 - システム変換行列(論理座標系)を一時的に退避する
 - 使い方は、2次元と同じ
- `popMatrix()`, `pop()`
 - 最近保存した論理座標系を戻す
 - `push`と`pop`は必ず対にすること

3次元幾何変換

- `translate(tx, ty, tz)`
 - 座標系の平行移動
 - 最初に $(width/2, height/2, 0)$ に原点をもってくると分かりやすい
- `scale(sx, sy, sz)`
 - 座標系の拡大・縮小
 - 原点を中心に全体が拡大
- `rotateX(θ_x)`
 - x軸まわりの回転
- `rotateY(θ_y)`
 - y軸まわりの回転
- `rotateZ(θ_z)`
 - z軸まわりの回転
 - 2次元の`rotate(θ_z)`と同じ



7.4 3D描画の例

```
void setup() {  
  // P3Dモードでウィンドウを開く  
  size(400, 400, P3D);  
  frameRate(30);  
}  
  
void draw() {  
  background(0);  
  float a = radians(frameCount);  
  
  lights(); // 標準の照明  
  perspective(); // 透視投影  
  
  // 原点を画面中心に移動  
  translate(width/2, height/2, 0);
```

```
  stroke(255, 0, 0);  
  fill(255, 255, 0 );  
  
  pushMatrix();  
    translate(-100, 0, 0);  
    rotateY(a);  
    box(100);  
  popMatrix();  
  
  pushMatrix();  
    translate(100, 0, 0);  
    rotateX(a);  
    // sphereDetail(10);  
    sphere(70);  
  popMatrix();  
}
```

noFillも試してみよう

球の細かさ

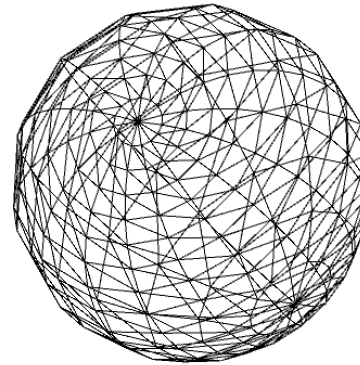
7.5* モデリングの基礎

モデリング

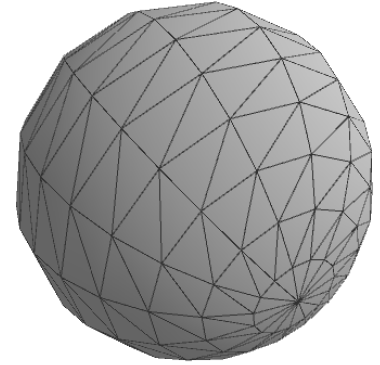
- モデリングとは (p.33)
 - 3Dオブジェクト (物体) の形状を数値データの集合で表すこと

形状モデル (p.60)

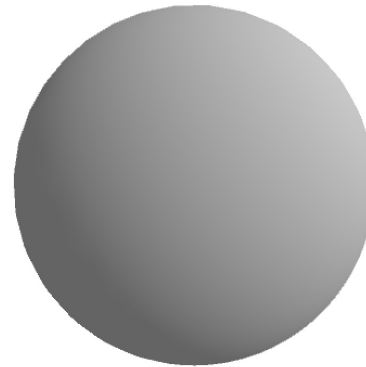
- ワイヤフレームモデル
 - 線の集合で物体を表現する
- サーフェスモデル
 - 物体の表面 (だけ) を表す
 - 通常はポリゴン (多角形) の集合
- ソリッドモデル
 - 物体の内外を示す情報もあり、中身が詰まっているモデル
- ポイントクラウド (点群)
 - 点 (+色) の集合によるデータ



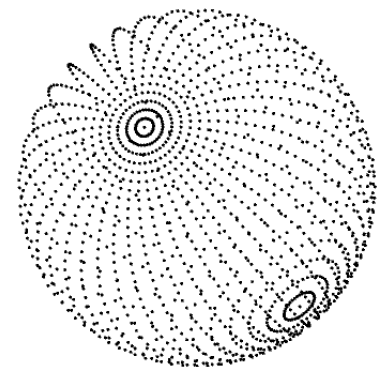
ワイヤフレームモデル



サーフェスモデル



ソリッドモデル
(中身が詰まっている)



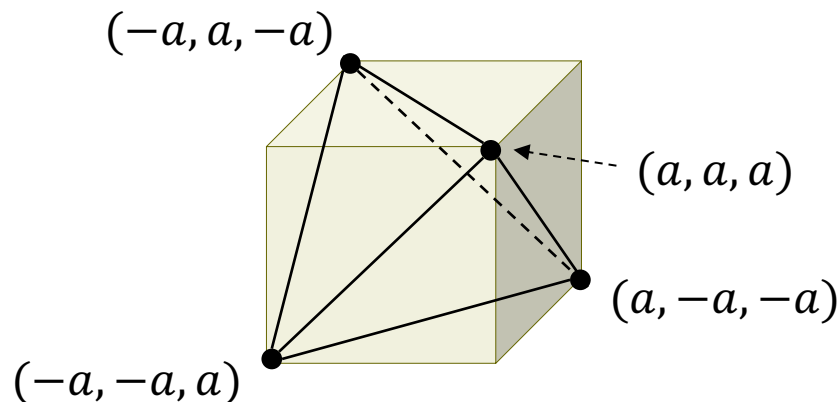
ポイントクラウド

7.6 ポリゴンモデルの描画例

7.4に
追加せよ

簡単なモデリング

- ポリゴンの描画
 - ポリゴン polygon = 多角形
 - 物体表面のポリゴンを描画する (beginShape~endShape)
- 例) 正四面体 (tetrahedron)
 - 立方体(正六面体)の8個の頂点から1つおきに4個選び、対角線を結ぶように辺を作るのが容易



// 正四面体の描画

```
void tetrahedron(float a) {
  beginShape(TRIANGLES);
  vertex(a, a, a);
  vertex(-a, a, -a);
  vertex(a, -a, -a);
  vertex(a, a, a);
  vertex(a, -a, -a);
  vertex(-a, -a, a);
  vertex(a, a, a);
  vertex(-a, -a, a);
  vertex(-a, a, -a);
  vertex(a, -a, -a);
  vertex(-a, -a, a);
  vertex(-a, a, -a);
  endShape();
}
```

} 面1
} 面2
} 面3
} 面4

7.7 3Dモデルデータの利用

3Dモデルデータ

- PShape型
 - P3DではOBJデータが使える
- loadShape("ファイル名")
 - モデルデータの読み込み
 - setup()内で準備する
- createShape(図形, サイズ)
 - SPHERE, BOXのモデルの生成
 - テクスチャを貼りたいときに便利
- shape(model)
- shape(model, x, y, z)
 - モデルの表示
- 描画色の変更
 - model.setFill(色or真偽値)
 - model.setTexture(画像)

```
PShape model;
```

```
void setup() {  
  size(400, 400, P3D);
```

```
  // beethoven.{obj,mtl,png}の3つの  
  // ファイルをdataフォルダに入れておく  
  model = loadShape("beethoven.obj");  
  //model.setTexture(null);  
}
```

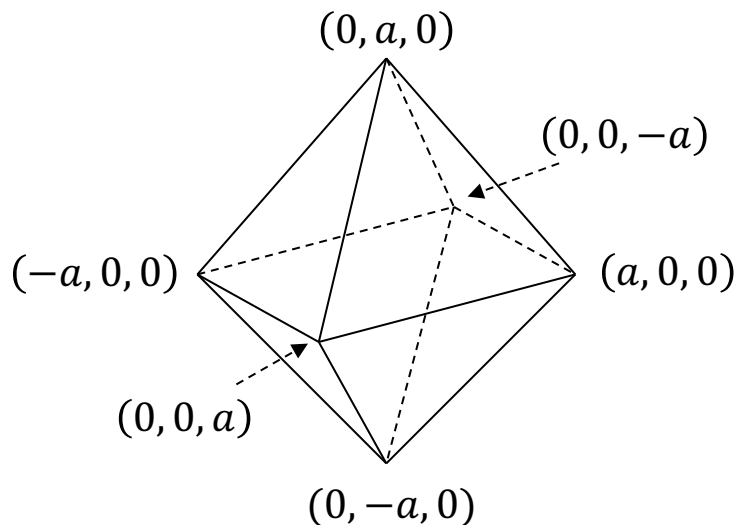
```
void draw() {  
  background(0, 0, 100);  
  lights();  
  perspective();  
  translate(width/2, height/2, 0);  
  rotateX(PI);  
  rotateY(radians(frameCount));  
  scale(200);  
  shape(model);  
}
```


7.8 演習課題

課題

問1) 正八面体 (octahedron) が1つ以上と他の3D図形 (3Dモデル) を使った3Dシーンを表示するプログラムを作成しなさい

- 正八面体は、8枚の正三角形で構成する
- 回転などで裏側も確認すること



$$A = \begin{bmatrix} 3.0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 40 \\ 0 & 1 & 20 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C = \begin{bmatrix} \cos 45^\circ & -\sin 45^\circ & 0 \\ \sin 45^\circ & \cos 45^\circ & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

問2) 《前回の復習》

2次元幾何変換A~Cについて以下の問いに答え、**A4用紙に記入して提出**

1. 合成変換行列ABを計算しなさい
2. 変換ABの後に座標 (20, 60) に点を打つと、表示される画面座標は何か?
3. 合成変換行列BAを計算して、ABとの意味の違いを説明しなさい
4. 行列Cに対応するProcessingの命令を示しなさい (定数PIを用いてもよい)
5. 合成変換行列 $C^2 = CC$ を計算し、どのような変換か説明しなさい

7.9 参考：点群による球の描画

```

PImage img; // 球の表面画像

void setup() {
  size(600, 600, P3D);
  img = loadImage("earth.jpg");
  img.loadPixels();
}

void draw() {
  background(0);
  lights(); perspective();
  translate(width/2, height/2);
  pushMatrix();
  rotateX(radians(frameCount)/2);
  rotateY(radians(frameCount));
  pointSphere(200, 2, img);
  popMatrix();
}

// 点群による球面の描画例
void pointSphere(float r, int d, PImage g) {
  strokeWeight(d * 4);

  // 緯度(lat)と経度(lng)による2重ループ
  for (int lat = 90 - d; lat > -90; lat -= d) {
    float a = radians(lat);
    int e = (int)(d / cos(a)); // 緯度で間隔調整
    for (int lng = -180; lng < 180; lng += e) {

      // 表面画像の対応点から色を抽出
      int u = (lng + 180) * g.width / 360;
      int v = (-lat + 90) * g.height / 180;
      stroke(g.pixels[u + v * g.width]);

      // 緯度・経度から球面上の3D座標を計算
      float b = radians(lng);
      point(r * cos(a) * cos(b), r * sin(a),
            r * cos(a) * sin(b));
    }
  }
}

```

7.10 参考：背景表示とベクトルクラス

3Dシーンの背景表示

- スカイボックス / スカイドーム
 - シーン全体を包み込む立方体や球に背景のテクスチャを貼る

```

PShape bg;
PImage tex;

void setup() {
  size(800, 600, P3D);
  tex = loadImage("park360.jpg");
  bg = createShape(SPHERE, 800);
  bg.setTexture(tex);
  bg.setStroke(false);
}

```

テクスチャを貼った球を作る

```

void draw() {
  perspective();
  translate(width/2, height/2, 0);
  rotateY(radians(frameCount)/4);
  noLights(); shape(bg);
}

```

ベクトルクラス(一部)

成分から生成	<code>v = new PVector(x, y, z)</code>
角度から生成	<code>v = PVector.fromAngle(a)</code>
ランダムに生成	<code>v = PVector.random3D()</code>
複製	<code>u = v.copy()</code>
ベクトルの和	<code>v.add(u)</code> <code>w = PVector.add(v, u)</code>
ベクトルの差	<code>v.sub(u)</code> <code>w = PVector.sub(v, u)</code>
スカラー倍	<code>v.mult(s)</code> <code>w = PVector.mult(v, s)</code>
内積	<code>s = v.dot(u)</code>
外積	<code>w = v.cocross(u)</code>
大きさ(ノルム)	<code>s = v.mag()</code>
ノルムの2乗	<code>s = v.magSq()</code>
正規化	<code>v.normalize()</code>
ベクトルの角度	<code>v.heading()</code>

7.11 参考：3DCGソフトウェア紹介

3DCGソフトウェア

- MagicaVoxel
 - ephtracy.github.io
 - Minecraftのようにボクセル（立方体）の集合でモデリング
- Blender
 - www.blender.org
 - 高機能でフリー&オープンソース
- Maya / 3ds Max など
 - Autodesk社のプロ向け製品
 - 学生は無償で利用可能
 - www.autodesk.co.jp/education
- SketchUp for Web
 - www.sketchup.com/ja/products/sketchup-for-web
 - 建物・人工物のモデリングに向く
- ScupltGL (Web)
 - stephaneginier.com/sculptgl/
 - 粘土・彫刻のようにモデリング
- 3DF Zephyr
 - www.3dflow.net/3df-zephyr-free/
 - 多数の写真から3Dモデルを構築
- MeshLab
 - www.meshlab.net
 - 3Dモデルデータの表示・変換
- 3Dモデルの取得
 - market.pmnd.rs
 - free3d.com
 - www.freepik.com/3d-models
 - archive3d.net
 - www.cgtrader.com
 - www.turbosquid.com