

Graphics with Processing



2020-10 照明と材質のモデル

<http://vilab.org>

塩澤秀和

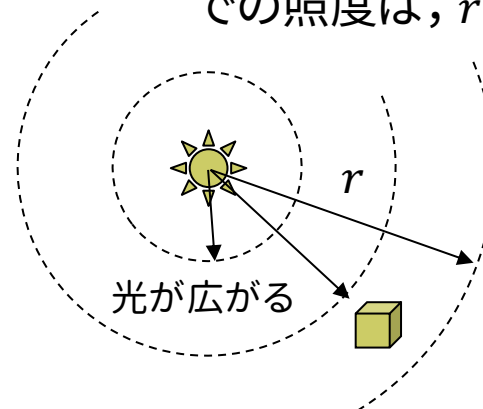
10.1* レンダリングと照明

レンダリング(p.122)

- 座標変換後の画像生成
 - 3Dシーンから2D画像を生成
 - その際,色,陰影,質感等を表現
 - 「光学」現象をシミュレーション
 - 高品質 vs リアルタイム
- レンダリング関連技術
 - 隠面消去
 - ライティングとシェーディング
 - マッピング(テクスチャ・法線等)
 - 影付け,など...
- 高品質CGのレンダリング
 - レイトレーシング
 - 大域照明
 - ボリュームレンダリング,など...

照明の光の性質

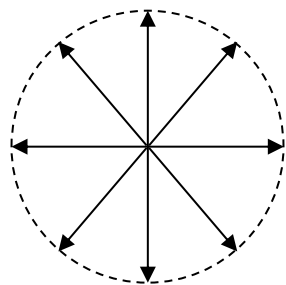
- 照明の色
 - 太陽光・蛍光灯 ⇒ 白
 - 白熱電球 ⇒ 白っぽいオレンジ
- 照明の明るさ
 - 光源が発する“光の総量”=光束 (単位ルーメン lm)
 - 単位面積に当たる光の量=照度 (単位ルクス lx=lm/m²)
 - 点光源から距離 r 離れた位置での照度は, r^2 に反比例する



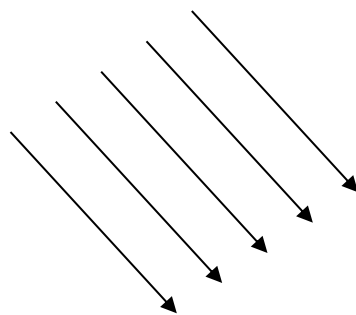
光源を中心とする
球の表面積は
 $S = 4\pi r^2$

10.2* 光源と反射

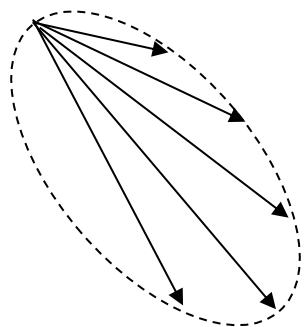
光源の種類(p.144)



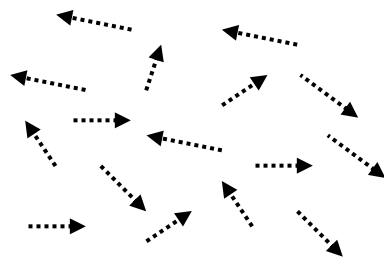
点光源
(電球など)



方向光
(太陽光など)



スポットライト



環境光(壁などに
何回も反射した
間接光のモデル)

反射と色の関係

入射光

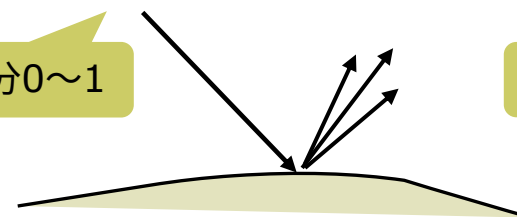
$$L = (L_R, L_G, L_B)$$

反射光

$$I = (I_R, I_G, I_B)$$

各成分0~1

各成分0~1



表面色(反射率)

$$k = (k_R, k_G, k_B)$$

物体の色=白色光の反射率(各成分0~1)

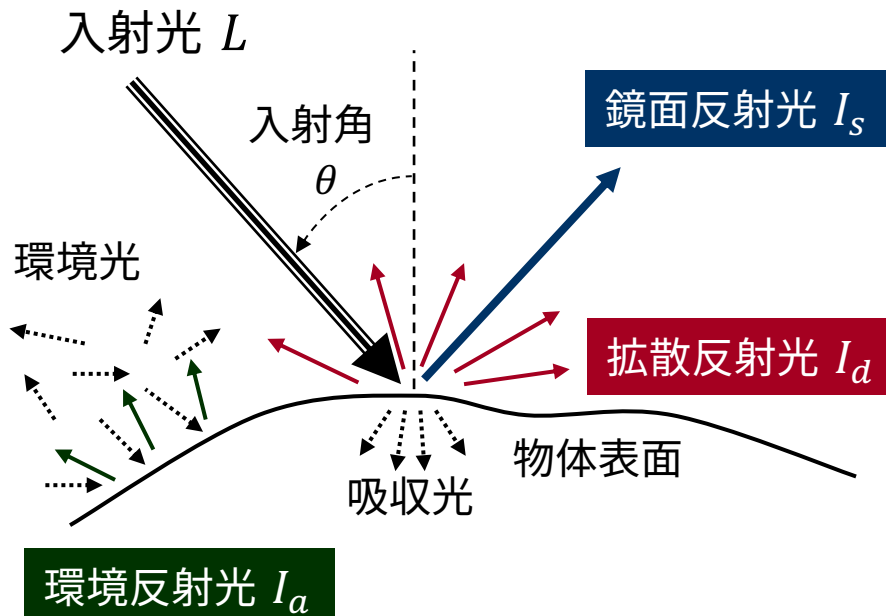
□ 反射光=表面色×入射光

- 色の見え方は照明にも影響される
- 光のスペクトル(RGB)ごとに計算
⇒ ベクトルの「要素ごとの積」

$$(I_R, I_G, I_B) = (k_R L_R, k_G L_G, k_B L_B) \quad 3$$

10.3* 反射光のモデル

反射光のモデル (p.141)



観測される色

- 各反射光(+放射光)の総和

$$I = I_d + I_s + I_a + I_e$$

※ それぞれにRGB成分があることに注意

反射光の種類

- 拡散反射光 (I_d : diffuse)
 - 物体表層で複雑に反射・透過・屈折することで拡散した光
 - 光の入射角に依存 \Rightarrow 立体感
- 鏡面反射光 (I_s : specular)
 - 物体表面に並んだ分子で鏡のようにきれいに反射した光
 - 見る角度に依存 \Rightarrow “光沢”
- 環境反射光 (I_a : ambient)
 - 間接光をモデル化した空間全体の環境光による反射光
 - 位置や角度に関係なく一様
- 放射光 (I_e : emissive)
 - 物体自体からの発光
 - 周囲に関係なく一定の明るさ

10.4* 材質属性のモデル

材質(マテリアル)属性

- “色”の設定
 - 物体表面の材質によって, 反射・吸収される光の波長は違う
 - 白色光に対する反射スペクトル (RGB成分) で材質をモデル化
- 拡散反射色 (k_d)
 - = 拡散反射率 (RGBの反射率)
 - 表面が粗いほど, 特定の波長が吸収され, 残りの光が拡散する
 - 通常の意味での物体の色
- 鏡面反射色 (k_s)
 - = 鏡面反射率 (RGBの反射率)
 - 滑らかな表面では反射率が高くなるので, 色としては白に近づく
 - 金属光沢, ハイライト, つや

- 環境反射色 (k_a)
 - 環境光に対する拡散反射率
 - 通常は拡散反射色と同じ色
- 放射光 (k_e)
 - 発光している物の表面色 (RGB)
 - 周囲に関係なく一定の色になる

$$I_e = k_e \quad (\text{常に一定の色})$$

材質による特徴

- 紙・木など
 - 鏡面反射 (光沢) がほとんどない
- プラスチックなど
 - 若干の鏡面反射によるつやがある
- 金属など
 - 強く白っぽい鏡面反射 ($k_s \neq k_d$)

10.5 照明と材質の関数

基本的な光源

- `pointLight(r, g, b, x, y, z)`
 - 点光源(例:電球)
 - r, g, b : 光の色(HSBモードの場合は,色相,彩度,明度)
 - x, y, z : 光源の座標
- `directionalLight(r, g, b, vx, vy, vz)`
 - 方向光(例:太陽光,天井照明)
 - vx, vy, vz : 光の方向ベクトル
- `ambientLight(r, g, b)`
 - 環境光(間接光のモデル化)
 - 全方向から均等にあたる光
- サンプル
 - 3D (Basics) → Lights
 - **物体をおく前に,光源をおくこと**

標準の光源

- `lights()`
 - 下記の光源を設定
 - `ambientLight(128, 128, 128)`
 - `directionalLight(128, 128, 128, 0, 0, -1)`

基本的な材質特性

- `fill(色)`
 - 通常の色=拡散反射率(k_d)
- `ambient(色)`
 - 環境反射率(k_a)の設定
 - 無指定時にはfillと同じ色で計算
- `emissive(色)`
 - 放射光(k_e)の設定(蛍光面)

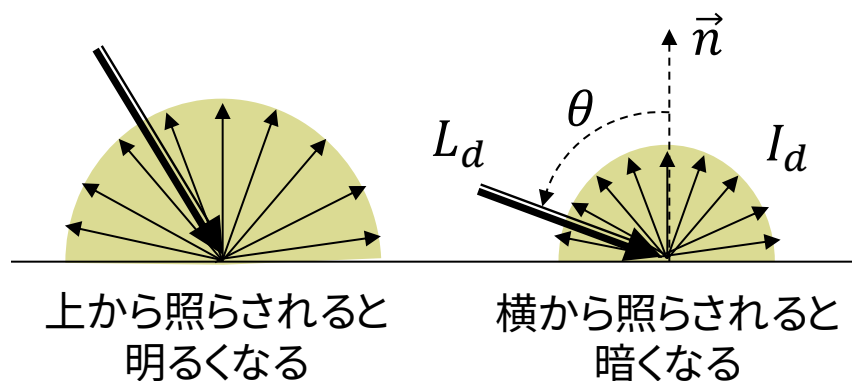
10.6* 反射光の計算モデル

拡散反射光(p.144)

□ ランベルト(Lambert)の余弦則

- 光がどの方向から入射しても、全方向に均等に拡散する場合
- 入射角余弦の法則より、表面の明るさは入射角のcosに比例

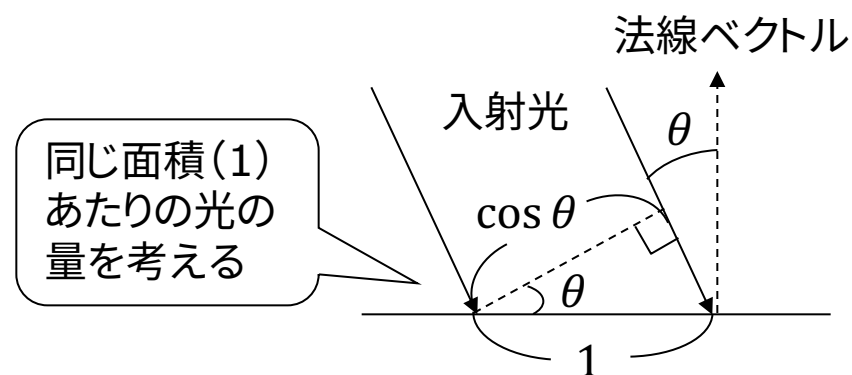
$$I_d = k_d L_d \cos \theta$$



L_d : 入射光(拡散光用成分) I_d : 反射光
 k_d : 物体表面の拡散反射率 θ : 入射角

□ 入射角余弦の法則

- 単位面積あたりに当たる入射光の量は入射角のcosに比例



環境反射光(p.144)

□ 環境光による拡散反射光

- 環境光(L_a)は、四方八方から均等に当たるので方向がない
- どこからでも同じ色に見える

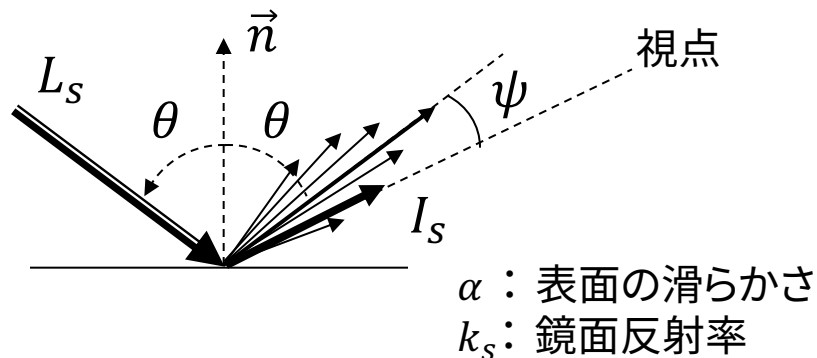
$$I_a = k_a L_a \quad (k_a: \text{環境光の反射率})$$

10.7* 光沢の表現

鏡面反射光(p.148)

- フォン(Phong)の反射モデル
 - 光がごく表層でほぼ完全に反射
⇒ 反射光が正反射方向に集中
 - 従来はフォンのモデルで近似

$$I_s = k_s L_s \cos^\alpha \psi$$



- より正確なモデル(p.149)
 - ブリンの反射モデル
 - クック・トランスの反射モデル

鏡面反射の材質特性

- specular(色)
 - 鏡面反射率(k_s)
- shininess(輝き)
 - 鏡面反射光の集中度(α)
 - 輝き: 10~50~500(金属)

光源のパラメータ

- lightSpecular(r, g, b)
 - 後に設置する光源に鏡面反射光用の成分(L_s)を追加
 - 通常は光源と同じ色でよい
- lightFallOff(c1, c2, c3)
 - 光の減衰のしかたを変更する
 - 距離 d として

$$\frac{1}{c_1 + c_2 d + c_3 d^2}$$

10.8 照明と材質の設定例

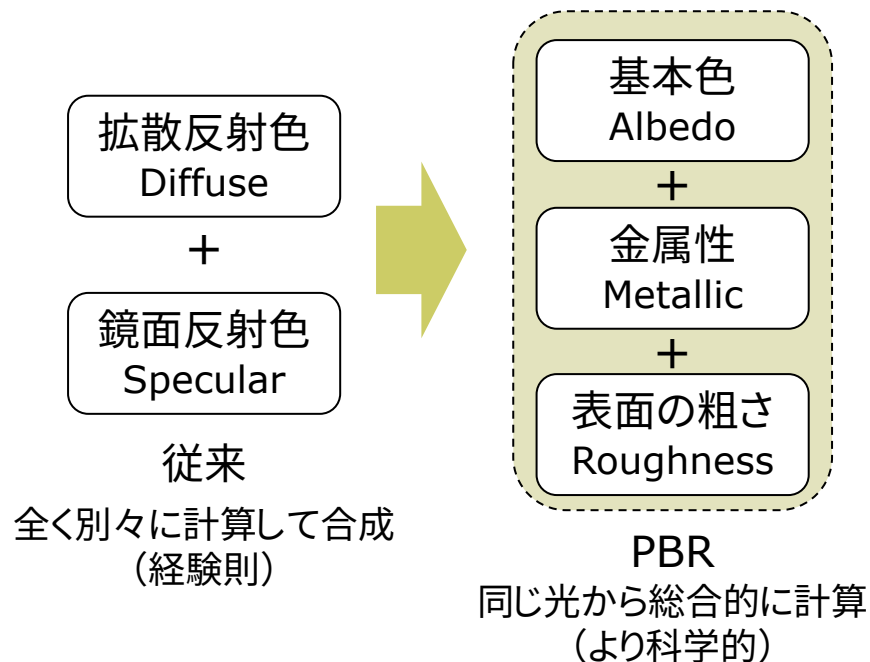
```
void draw() {  
  float a = radians(frameCount);  
  background(0);  
  perspective();  
  camera(0, -100, 200, 0,0,0, 0,1,0);  
  ambientLight(50, 50, 50); // 環境光  
  
  // 回転する点光源  
  float lx = 100 * cos(a);  
  float ly = lx - 120;  
  float lz = 100 * sin(a);  
  // ボタンを押すと鏡面反射成分を除く  
  if (!mousePressed)  
    lightSpecular(128, 128, 128);  
  pointLight(128, 128, 128, lx, ly, lz);  
  
  stroke(128);  
  line(lx, 0, lz, lx, ly, lz);  
  noStroke();  
  rotateY(a / 8);
```

```
  pushMatrix();  
  translate(-40, -20, 0);  
  fill(0, 255, 0); specular(0);  
  sphere(20); // 鏡面反射のない球  
  translate(80, 0, 0);  
  specular(100, 100, 100); // 鏡面反射色  
  shininess(200 * mouseX / width);  
  sphere(20); // 鏡面反射のある球  
  popMatrix();  
  
  fill(0, 0, 255); // 鏡面反射色はついたまま  
  beginShape(TRIANGLES);  
  for (int x = -100; x <= 100; x += 10) {  
    for (int z = -100; z <= 100; z += 10) {  
      vertex(x, 0, z); vertex(x + 10, 0, z);  
      vertex(x + 10, 0, z + 10);  
    }  
  }  
  endShape();  
}
```

10.9* 物理ベースレンダリング (PBR)

Physically based rendering

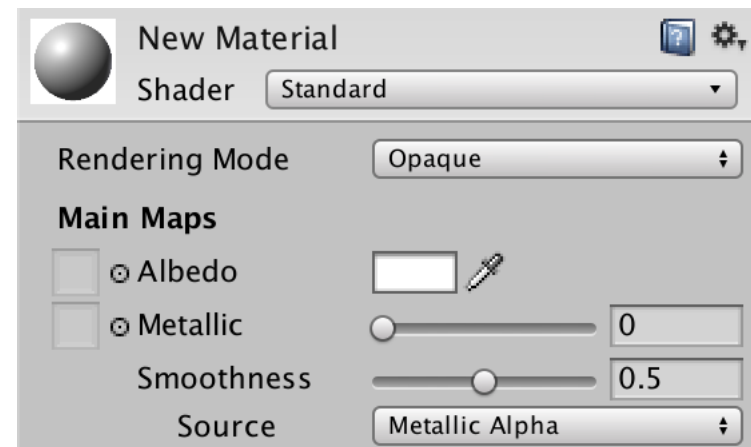
- 光学現象をより忠実に再現
 - 厳密な定義はない言葉?
 - 最近ゲームなどで急速に採用
- 物理ベースの材質モデル



□ 材質のマッピング

- テクスチャマッピング(次回)
表面に模様画像を貼り付ける
(基本色の分布のマッピング)
- 物理パラメータのマッピング
金属性や粗さの分布を貼り付ける
- その他, 透過や法線(微細な凹凸)

□ 例: Unityの材質設定(一部)



10.10 演習課題

課題

問1) ピンク色の紙に斜め45度から青白い光を照らすとどのような色に見えるか, 拡散反射光のRGB値を計算して考察せよ

- 色のRGB値は適当に設定せよ

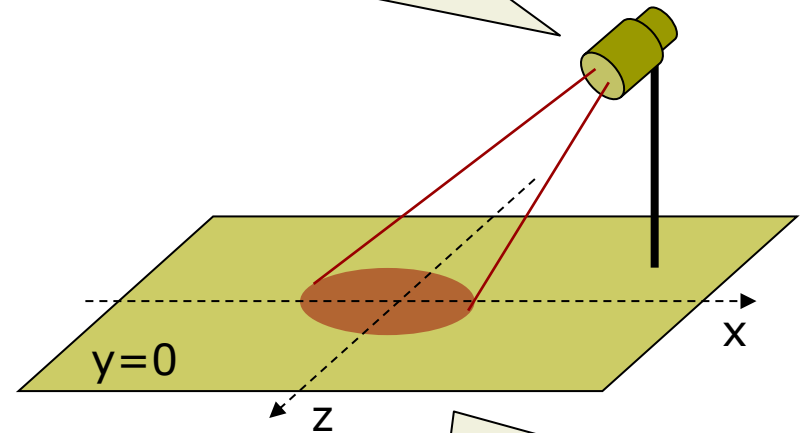
問2) スポットライト(下記)を使用したシーンを工夫して作成せよ

- 床など広い面は, タイルを敷き詰めるようにする(理由は次回)
- 環境光も少し照らすとよい

スポットライト関数

- `spotLight(r, g, b, x, y, z, vx, vy, vz, 角度, 集中度)`
 - 角度: 光の範囲($\sim\pi/2$ 程度)
 - 集中度: 1 \sim 100 \sim それ以上

```
// スポットライトの設置例
spotLight(255, 0, 0, 50, -50, -50,
-1, 1, 1, PI/2, 100)
```



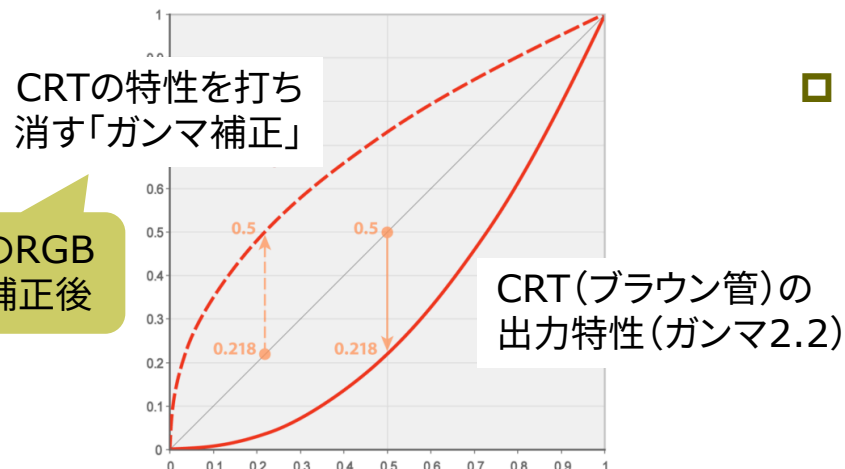
```
// 床の描画例
noStroke();
beginShape(QUADS);
for (x = -100; x < 100; x += 10) {
  for (z = -100; z < 100; z += 10) {
    vertex(x, 0, z);
    vertex(x, 0, z + 10);
    vertex(x + 10, 0, z + 10);
    vertex(x + 10, 0, z);
  }
}
endShape();
```

10.11 参考：PBRの使用技術

主な使用技術

□ リニア（線形）色空間の利用

- 標準的なRGBの値は、昔のCRT（ブラウン管）の表示特性を打ち消すために暗い色ほど増幅するガンマ補正が適用済み
- 物理学的な光の強さで計算するためには、これを逆補正してから計算し、表示時に再補正する



□ HDレンダリング

- HDR=High Dynamic Range
- 人間の広範囲な輝度の知覚に対応するため、RGBの値を実数（16ビットで0.0～10¹²）で計算
- 薄明かりでより細やかな描写
- 高輝度領域を抽出し、光がにじむような処理も可能（ブルーム/グレア/グロー/光芒/閃光）

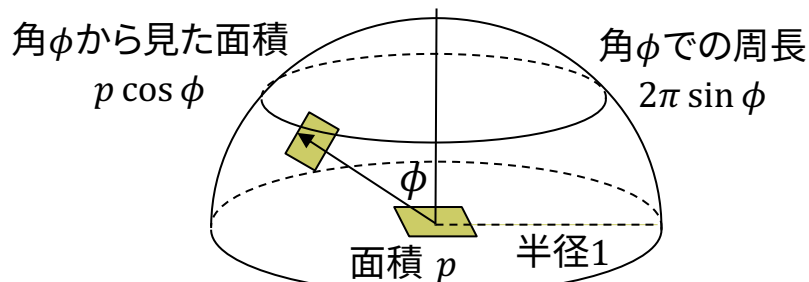
□ IBL: 光源画像による照明

- IBL=Image Based Lighting
- 空、景色、窓などの実写画像に基づいて照明効果を計算
⇒ 金属等への映り込みの表現
- 画像から光源の位置等を推定

10.12 参考:PBRの使用技術

- 光エネルギー保存則の考慮
 - 任意の点で単位面積当たり
反射光の総量 \leq 入射光の総量
 - 例: 拡散反射率の正規化

物体表面の面積 p を, 半径1だけ離れた半球を通して見た面積の総和を求めると



$$\int_0^{\pi/2} p \cos \phi \cdot 2\pi \sin \phi d\phi = \pi p$$

拡散反射光は π 倍の面積に広がるのと同様なので,
ある点に届く反射光は最大でも入射光の $1/\pi$ である

$$\pi \text{で割って正規化} \Rightarrow I_d = \frac{k_d}{\pi} L \cos \theta$$

- BRDF(双方向反射率分布関数)
 - 任意方向からの入射光に対する
任意方向への反射の割合
 - 反射率の一般化(保存則を考慮)

m は「**金属性**」

簡単なBRDF

$$= (1-m) \times \text{拡散反射率} + m \times \text{鏡面反射率}$$

- 高度な鏡面反射モデル
 - クック・トランスのモデルなど

$$\text{鏡面反射率 } R_s = \frac{F}{\pi} \frac{DG}{(\vec{n} \cdot \vec{L})(\vec{n} \cdot \vec{V})}$$

F : フレネル項 D : 微小面分布関数 G : 幾何減衰係数
 \vec{n} : 法線ベクトル \vec{L}, \vec{V} : 光源および視点へのベクトル

- フレネル反射: 水平に近い入射光
に対して反射率が高くなる現象
- 「**表面の粗さ**」の影響もモデル化