

# Graphics with Processing



2016-10 照明と材質のモデル

<http://vilab.org>

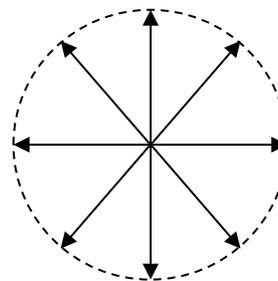
塩澤秀和

# 10.1 レンダリングと光源

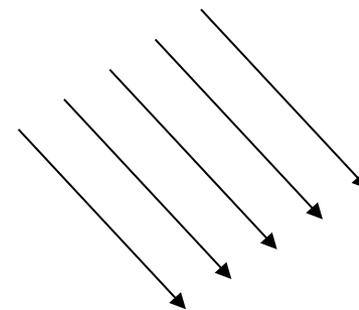
## レンダリング (p.122)

- 座標変換後の画像生成
  - 3次元シーン → 2次元画像
  - 色, 陰影, 質感などの表現
  - 光学現象のシミュレーション
  - 高品質 vs リアルタイム
- レンダリング関連技術
  - 隠面消去
  - ライティングとシェーディング
  - マッピング (テクスチャ・法線等)
  - 影付け, など...
- 高品質CGのレンダリング
  - レイトレーシング
  - 大域照明
  - ボリュームレンダリング, など...

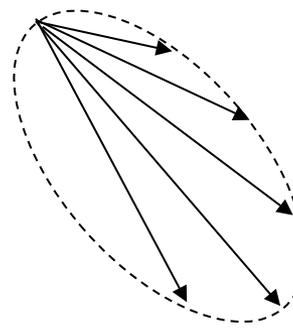
## 光源の種類 (p.144)



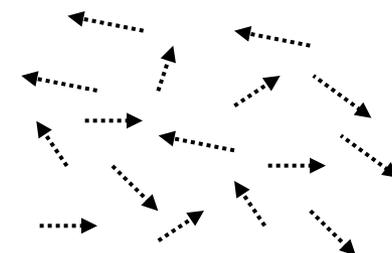
点光源  
(電球など)



方向光  
(太陽光など)



スポットライト



環境光 (壁などに  
何回も反射した  
間接光のモデル化)

# 10.2 照明の効果

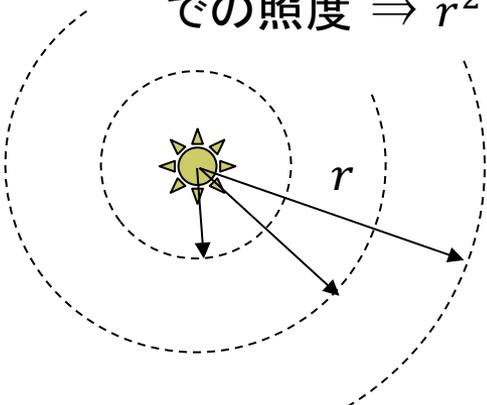
## 光源からの照明

### □ 照明の色

- 太陽光・蛍光灯 ⇒ 白
- 白熱電球 ⇒ 白っぽいオレンジ

### □ 照明の明るさ

- 光束＝光源から発する光の量  
(単位ルーメン lm)
- 照度＝単位面積あたりに当たる  
光の量(単位ルクス lx)
- 点光源から距離  $r$  離れた場所  
での照度 ⇒  $r^2$ に反比例



光源を中心とする  
球の表面積は  
 $S = 4\pi r^2$

## 反射と色の関係

入射光

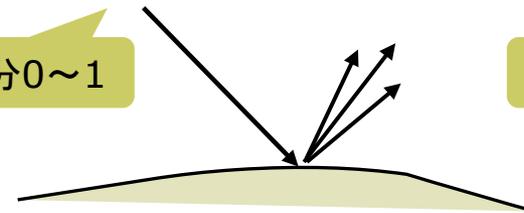
$$L = (L_R, L_G, L_B)$$

反射光

$$I = (I_R, I_G, I_B)$$

各成分0~1

各成分0~1



表面色(反射率)

$$k = (k_R, k_G, k_B)$$

物体の色＝白色光の反射率(各成分0~1)

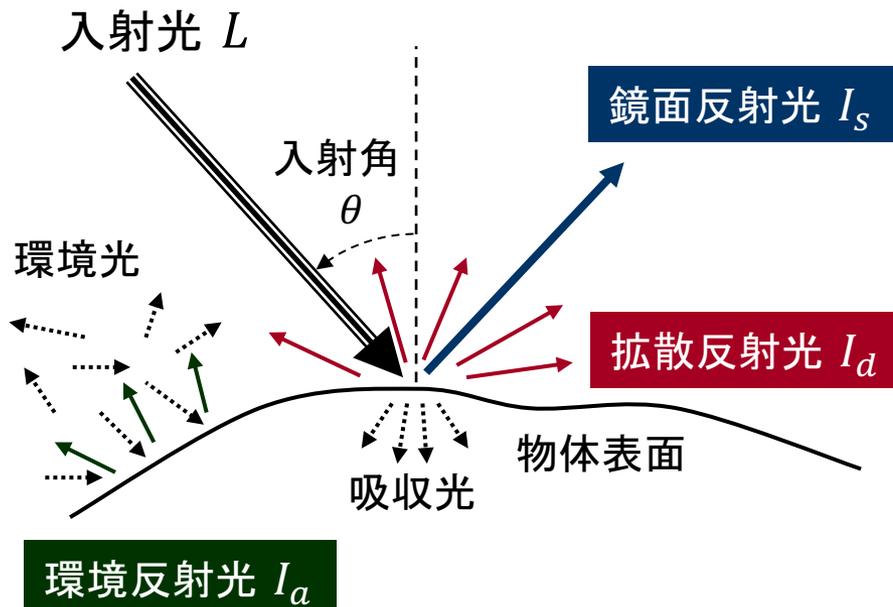
### □ 反射光＝表面色 × 入射光

- 色の見え方は照明にも影響される
- 光のスペクトル(RGB)ごとに計算  
⇒ ベクトルの「要素ごとの積」

$$(I_R, I_G, I_B) = (k_R L_R, k_G L_G, k_B L_B) \quad 3$$

# 10.3 反射光のモデル

## 反射光のモデル(p.141)



### 観測される色

- 各反射光(+放射光)の総和

$$I = I_d + I_s + I_a + I_e$$

※ それぞれにRGB成分があることに注意

## 反射光の種類

- 拡散反射光 ( $I_d$ : diffuse)
  - 物体表層で複雑に反射・透過・屈折することで拡散した光
  - 光の入射角に依存 ⇒ 立体感
- 鏡面反射光 ( $I_s$ : specular)
  - 物体表面に並んだ分子で鏡のようにきれいに反射した光
  - 見る角度に依存 ⇒ “光沢”
- 環境反射光 ( $I_a$ : ambient)
  - 特定の光源ではなく、空間全体の間接光に対する反射光
  - シーン全体が一様に照らされる
- 放射光 ( $I_e$ : emissive)
  - 物体自体からの発光
  - 周囲に関係なく一定の明るさ

# 10.4 材質属性のモデル

## 材質(マテリアル)属性

### □ “色”の設定

- 反射・吸収される光の波長は、物体表面の材質によって違う
- 白色光に対する反射スペクトル(分光分布)で材質をモデル化

### □ 拡散反射色( $k_d$ )

- 拡散反射の反射率(RGB)
- 表面が粗いほど、特定の波長が吸収され、残りの光が拡散する
- 通常の意味での物体の色

### □ 鏡面反射色( $k_s$ )

- 鏡面反射の反射率(RGB)
- 表面が滑らかだと、すぐに反射して着色の少ない光が増える
- 金属光沢, ハイライト, つや

### □ 環境反射色( $k_a$ )

- 環境光に対する反射率(RGB)
- 通常は拡散反射色と同じ色

### □ 放射光( $k_e$ )

- 電球などの発光スペクトル(RGB)
- 周囲に関係なく一定の色になる

$$I_e = k_e \quad (\text{常に一定の色})$$

## 材質による特徴

### □ 紙・木など

- 鏡面反射(光沢)がほとんどない

### □ プラスチックなど

- 若干の鏡面反射によるつやがある

### □ 金属など

- 強く白っぽい鏡面反射( $k_s \neq k_d$ )

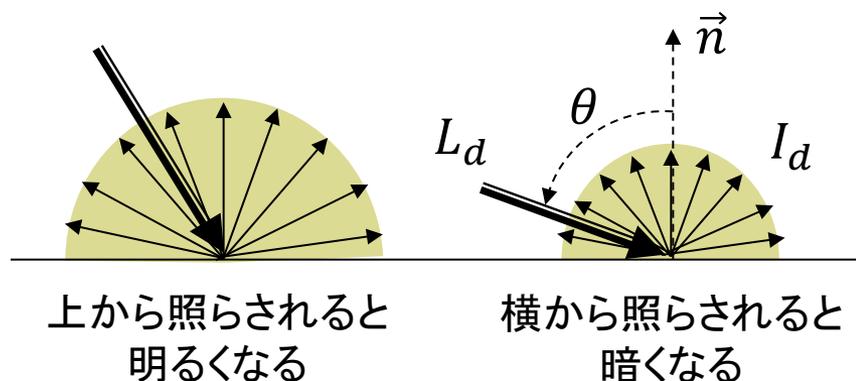
# 10.5 反射光の計算モデル

## 拡散反射光(p.144)

### □ ランベルト(Lambert)の余弦則

- 光がどの方向から入射しても、全方向に均等に拡散する場合
- 入射角余弦の法則より、表面の明るさは入射角のcosに比例

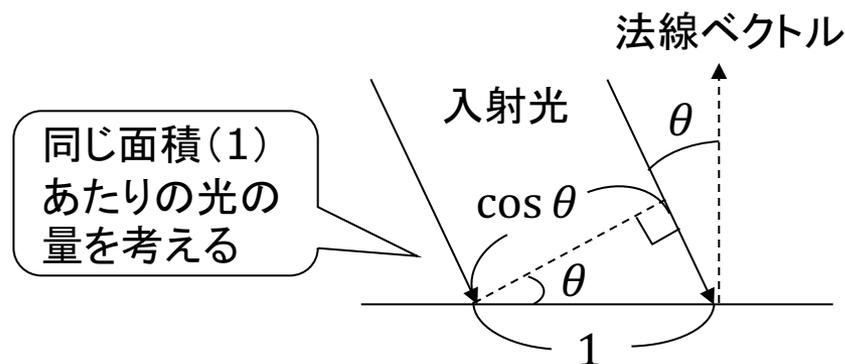
$$I_d = k_d L_d \cos \theta$$



$L_d$ : 入射光(拡散光用成分)     $I_d$ : 反射光  
 $k_d$ : 物体表面の拡散反射率     $\theta$ : 入射角

### □ 入射角余弦の法則

- 単位面積あたりに当たる入射光の量は入射角のcosに比例



## 環境反射光(p.144)

### □ 環境光による拡散反射光

- 環境光( $L_a$ )は、四方八方から均等に当たるので方向がない
- どこからでも同じ色に見える

$$I_a = k_a L_a \quad (k_a: \text{環境光の反射率})$$

## 10.6 照明と材質の関数

### 基本的な光源

- `pointLight(r, g, b, x, y, z)`
  - 点光源(例:電球)
  - $r, g, b$ : 光の色(HSBモードの場合は, 色相, 彩度, 明度)
  - $x, y, z$ : 光源の座標
- `directionalLight(r, g, b, nx, ny, nz)`
  - 方向光(例:太陽光, 天井照明)
  - $nx, ny, nz$ : 光の方向ベクトル
- `ambientLight(r, g, b)`
  - 環境光(間接光のモデル化)
  - 全方向から均等にあたる光
- サンプル
  - 3D (Basics) → Lights
  - **物体をおく前に, 光源をおくこと**

### 標準の光源

- `lights()`
  - 下記の光源を設定
  - `ambientLight(128, 128, 128)`
  - `directionalLight(128, 128, 128, 0, 0, -1)`

### 基本的な材質特性

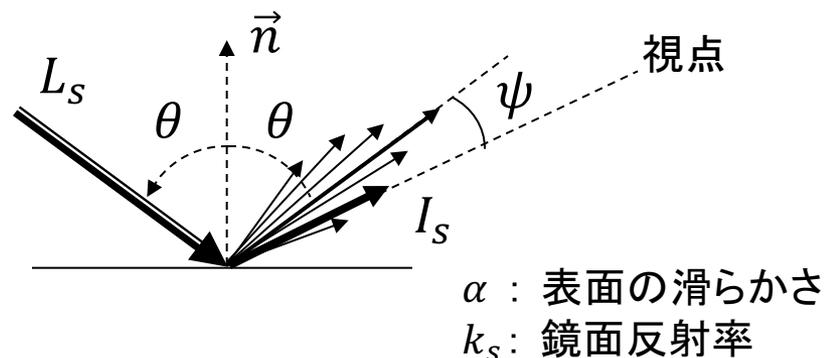
- `fill(色)`
  - 通常の色 = 拡散反射率( $k_d$ )
- `ambient(色)`
  - 環境反射率( $k_a$ )の設定
  - 無指定時にはfillと同じ色で計算
- `emissive(色)`
  - 放射光( $k_e$ )の設定(蛍光面)

# 10.7 光沢の表現

## 鏡面反射光(p.148)

- フォン(Phong)の反射モデル
  - 光がごく表層でほぼ完全に反射  
⇒ 反射光が正反射方向に集中
  - 従来, フォンのモデルで近似

$$I_s = k_s L_s \cos^\alpha \psi$$



- より正確なモデル(p.149)
  - ブリンの反射モデル
  - クック・トランスの反射モデル

## 鏡面反射の材質特性

- specular(色)
  - 鏡面反射率( $k_s$ )
- shininess(輝き)
  - 鏡面反射光の集中度( $\alpha$ )
  - 輝き: 10~50~500(金属)

## 光源のパラメータ

- lightSpecular(r, g, b)
  - 後に設置する光源に鏡面反射光用の成分( $L_s$ )を追加
  - 通常は光源と同じ色でよい
- lightFallOff(c1, c2, c3)
  - 光の減衰のしかたを変更する
  - 距離 $d$ として

$$\frac{1}{c_1 + c_2 d + c_3 d^2}$$

## 10.8 照明と材質の設定例

```
void draw() {  
  float a = radians(frameCount);  
  background(0);  
  perspective();  
  camera(0, -100, 200, 0,0,0, 0,1,0);  
  
  // 環境光  
  ambientLight(50, 50, 50);  
  
  // 回転する点光源を設置する  
  // ボタンを押すと鏡面反射成分をつける  
  float lx = 100 * cos(a);  
  float ly = -100;  
  float lz = 100 * sin(a);  
  if (mousePressed)  
    lightSpecular(128, 128, 128);  
  pointLight(128, 128, 128, lx, ly, lz);  
  
  stroke(128);  
  line(lx, 0, lz, lx, ly, lz);  
  noStroke();
```

```
  pushMatrix();  
    rotateX(PI/2);  
    fill(100); ellipse(0, 0, 200, 200);  
  popMatrix();  
  
  rotateY(a / 2);  
  pushMatrix();  
    translate(60, -20, 0);  
    fill(250, 200, 10); // 拡散反射色  
    specular(100, 100, 100); //鏡面反射色  
    shininess(20); // 輝きの集中度  
    sphere(20);  
    specular(0); // ゼロに戻す  
  popMatrix();  
  
  pushMatrix();  
    translate(70, -20, 50);  
    fill(40, 40, 230); // 拡散反射色  
    box(20, 40, 20);  
  popMatrix();  
}
```

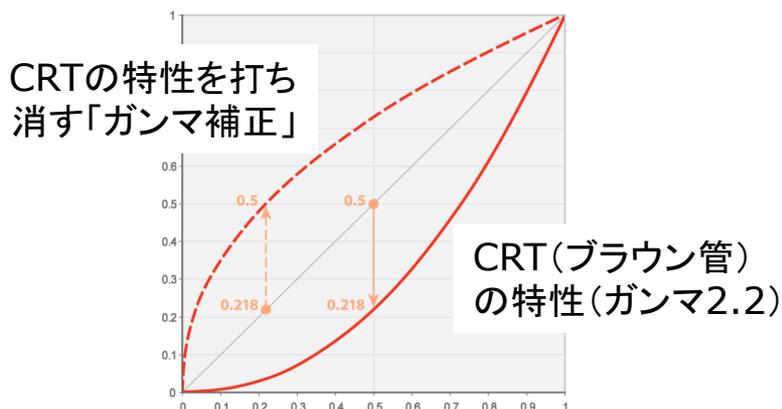
# 10.9 物理ベースレンダリング

## Physically based rendering

- 光学現象をより忠実に再現
  - 最近ゲームなどで急速に採用
  - 厳密な定義はない言葉？

## 主な使用技術

- リニア（線形）色空間の利用
  - ブラウン管由来の伝統的な階調補正（ガンマ補正）を逆補正し、物理的光量に比例する値で計算



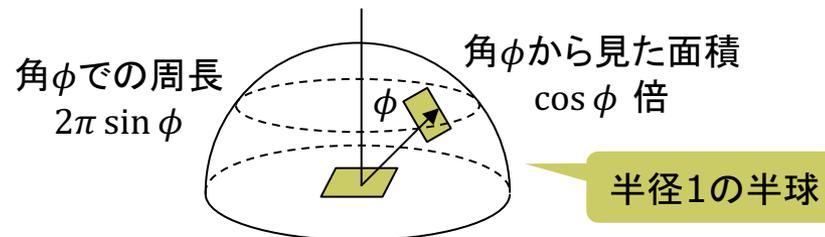
## □ 光エネルギー保存則

- 任意の点で単位面積当たり  
入射光の総量  $\geq$  反射光の総量
- 入射/反射光の関係を表すBRDF  
(双方向反射率分布関数)を考慮

$$BRDF = (1 - m) \times \text{拡散反射} + m \times \text{鏡面反射}$$

同じ入射光から拡散反射と鏡面反射に分配する( $m$ は金属性を表すパラメータ)

## ■ 反射光の正規化(拡散反射の例)



従来手法では  $\int_0^{\pi/2} \cos \phi \cdot 2\pi \sin \phi d\phi = \pi$  倍に増幅

$$\pi \text{で割って正規化} \Rightarrow I_d = \frac{1}{\pi} k_d L \cos \theta$$

# 10.10 物理ベースレンダリング (続き)

## □ 高度な鏡面反射モデル

- クック・トランスのモデルなど

$$\text{反射率 } R_s = \frac{F}{\pi} \frac{DG}{(\vec{n} \cdot \vec{L})(\vec{n} \cdot \vec{V})}$$

$F$ :フレネル項  $D$ :微小面分布関数  $G$ :幾何減衰係数

$\vec{n}$ :法線ベクトル  $\vec{L}, \vec{V}$ :光源および視点へのベクトル  
( $F, D, G$ は精度等によっていくつかの式がある)

- フレネル反射( $F$ ):入射角が大きいと反射率が高くなる現象
- 微小面の分布( $D, G$ )によって、表面の粗さの影響をモデル化

## □ 物理的な材質モデル

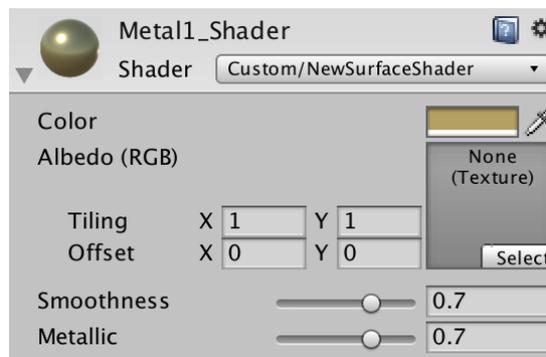
- 従来:拡散反射色+鏡面反射色
- ⇒ Albedo(基本色)+Metallic(金属性)+Roughness(粗さ)という物理的なパラメータで指定

## □ 画像による照明と材質

- IBL:光源画像による照明 (Image Based Lighting)
- 表面色以外にも各種の材質属性をテクスチャのようにマッピング

## □ HDRレンダリング

- 人間の視覚の広範囲な輝度の認知に対応するため, RGB値に実数(16ビット0~10<sup>12</sup>)を採用
- 薄明かりやブルームの表現



Unityでは  
Roughness  
の代わりに  
Smoothness

# 10.11 モデルデータの利用

## 3Dモデル表示

### □ PShape型

- P3DではOBJデータが利用可能  
(2DのPShapeは第3回資料参照)

### □ 読み込みと表示

- loadShape("ファイル名")
- shape(図形)
- shape(図形, x, y, z)

### □ その他の操作

- PShapeのメソッドで拡大, 回転, 頂点の座標・法線ベクトル・色の編集, 図形の追加などができる
- scale, rotate, getVertex 等

### □ OBJ Loader (ver.1でも対応)

- <https://code.google.com/p/saitoobjloader/>

```
// 準備: beethoven.zip をダウンロードし,  
// 中身の3ファイルをdataフォルダに入れる
```

```
PShape model;
```

```
void setup() {  
  size(400, 400, P3D);  
  model = loadShape("beethoven.obj");  
  model.scale(200);  
}
```

```
void draw() {  
  background(0, 0, 100);  
  lights();  
  pushMatrix();  
  translate(width/2, height/2, 0);  
  rotateX(PI);  
  rotateY(radians(frameCount));  
  shape(model);  
  popMatrix();  
}
```

## 10.12 演習課題

### 課題

問1) ピンク色の紙に斜め45度から青白い光を照らすとどのような色に見えるか, 拡散反射光のRGB値を計算して考察せよ

- 色のRGB値は適当に設定せよ

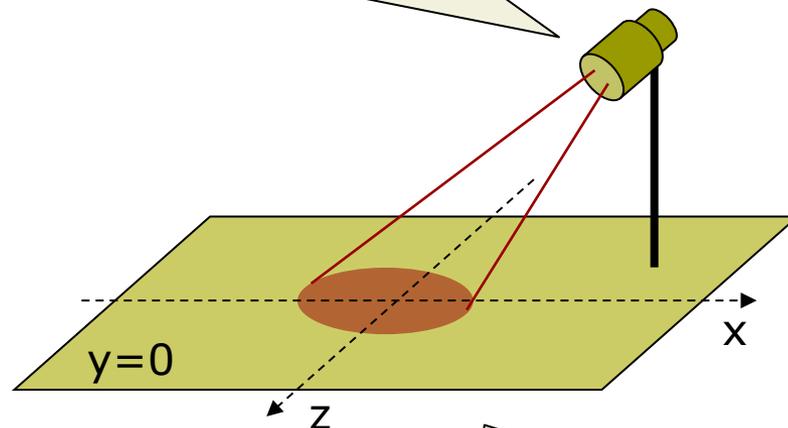
問2) スポットライト(下記)を使用したシーンを工夫して作成せよ

- 床など広い面は, タイルを敷き詰めるようにする(理由は次回)
- 環境光も少し照らすとよい

### スポットライト関数

- `spotLight(r, g, b, x, y, z, nx, ny, nz, 角度, 集中度)`
  - 角度: 光の範囲( $\sim \pi/2$ 程度)
  - 集中度: 1 $\sim$ 100 $\sim$ それ以上

```
// スポットライトの設置例
spotLight(255, 0, 0, 50, -50, -50,
-1, 1, 1, PI/2, 100)
```



```
// 床の描画例
noStroke();
for (x=-100; x<100; x+=10) {
  for (z=-100; z<100; z+=10) {
    beginShape(QUADS);
    vertex(x, 0, z);
    vertex(x, 0, z+10);
    vertex(x+10, 0, z+10);
    vertex(x+10, 0, z);
    endShape();
  }
}
```