

## アルゴリズムとデータ構造 2021 第2回 演習課題 「線形探索法と計算量」

- 整数の配列 `data` から、値 `key` を探し出してその添字 (`index` : 要素番号) を返す (戻す) メソッド (関数) を作成せよ。ただし、配列の中に値の重複はないものとし、`key` を発見したらそれ以上の探索はしない。また、もし `key` が `data` の中に含まれなかつた場合には、負の値 (-1) を返す。提出するプログラムでは、適当なクラス定義や `main` メソッドを補い、動作を確認できる出力結果をつけること。

```
public static int linearSearch(int key, int[] data) {  
  
    for (int i = 0; i < data.length; i++) {  
        if (data[i] == key) {  
            return i;  
        }  
    }  
  
    return -1;  
}
```

- 上記の線形探索において、配列 `data` の中に値 `key` がないという最悪の場合を考える。(1) `data` の要素と `key` の比較は何回行われるか配列のサイズ (データ数)  $n$  を用いて表せ (つまりループを何回繰り返して `if` 文を何回実行するか)。(2) さらに、配列のサイズ  $n$  が  $k$  倍になると、比較の回数は何倍になるか示せ。
- 線形探索において配列 `data` の中に値 `key` が必ず 1 個含まれる場合、さまざまな `data` と `key` の組合せで実行すると、探索 1 回あたり `data` の要素と `key` の比較は平均して何回行われるか、以下の手順で求めよ。
  - まず、2.の結果を参考に平均の比較回数を直感的に予測し、 $n$  を用いて表してみよ。
  - $n$  個のうちの 1 つの要素 `data[i]` に、`key` が入っている確率  $P_i$  を示せ。
  - `data[0]` から始めて `data[i]` まで要素を順に `key` と比較する回数  $N_i$  を示せ。
  - 平均の比較回数  $\bar{N}$  は以下の計算で求められる (すなわち  $\sum P_i N_i$  である)。計算結果を  $n$  の式で表せ。
$$\begin{aligned} \text{key が } \text{data}[0] \text{ にある確率 } P_0 \times \text{key が } \text{data}[0] \text{ にある場合の比較回数 } N_0 \\ \text{key が } \text{data}[1] \text{ にある確率 } P_1 \times \text{key が } \text{data}[1] \text{ にある場合の比較回数 } N_1 \\ \dots \\ +) \text{key が } \text{data}[n-1] \text{ にある確率 } P_{n-1} \times \text{key が } \text{data}[n-1] \text{ にある場合の比較回数 } N_{n-1} \end{aligned}$$

- 2.の値を最大 (最悪) 計算量、3.の値を平均計算量という。それぞれを  $O$  記法 (オーダー記法) で表せ。
- 下記のように、`Object` クラスを用いれば、多態性によって任意のクラスに対応する線形探索が定義できる。このメソッドを完成させ、キーボードから読み込んだ `String` や `Integer` のデータで動作を確認せよ。

```
public static int linearSearch(Object key, Object[] data)
```