

1. 下記のプログラムは、2分探索木における再帰を用いない探索と新規データの追加の例である。空欄を適切に埋めて実行し、木の形（バランス）がデータを追加する順番によって変わることを確認せよ。

```

/* BSTree.java */
public class BSTree {

    private Node root = null;

    // 内部クラス（クラス内のクラス）の定義
    public class Node {
        private final String key; // キー
        public int value; // 値
        private Node left, right;

        private Node(String key) {
            this.key = key;
            this.value = 0;
            left = right = null;
        }
    }

    // キーを指定してノードを探索する
    // addが真なら、ない場合に新たに作って挿入
    public Node find(String key, boolean add) {

        // 木が空の場合は特別
        if (root == null) {
            if (add) root = new Node(key);
            return root;
        }

        // 再帰を用いずにループで根から探索する
        Node n = root;
        while (true) {
            int cmp = key.compareTo(n.key);
            if (cmp < 0) {

                if (n.left == ) {

                    if (add) n.left =
                        return n.left;
                }
                // 枝をたどって降りて（登って？）行く
                n =

            } else if (cmp > 0) {

                if (n.right == ) {

                    if (add) n.right =
                        return n.right;
                }
                n =

            } else {
                // cmp == 0（発見）の場合だけここに来る
                return n;
            }
        }
    }
}

// 木の要素をすべて（=根から）表示する
public void traverse() {
    traverse(root, 0);
}

// 再帰で部分木の要素をたどって表示する
private void traverse(Node n, int level) {

    if (n == null) return;

    traverse( , level + 1);

    for (int i = 0; i < level; i++)
        System.out.print(" ");
    System.out.printf("+ %s(%d)%n",
                        n.key, n.value);

    traverse( , level + 1);
}

/* Program.java */
import java.util.Scanner;

public class Program {

    public static void main(String[] args) {

        BSTree tree =

        Scanner sc = new Scanner(System.in);

        // 簡単な在庫管理プログラム
        while (true) {
            System.out.print("商品名: ");
            String key = sc.next();

            // quitと入力したらプログラム終了
            if (key.equals("quit")) break;

            // キーで探索（内部クラスの利用方法）
            BSTree.Node n = tree.find(key, true);

            System.out.println("在庫数: " +
                                n.value);
            System.out.print("増減数: ");
            int num = sc.nextInt();

            // 値（在庫数）を変更
            n.value += num;

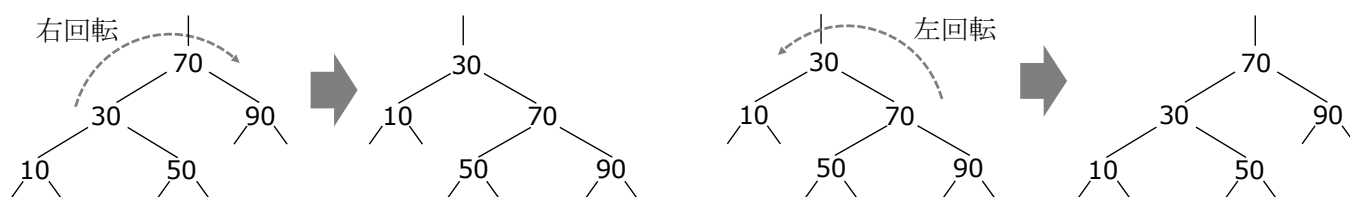
            tree.traverse();
            System.out.println();
        }
    }
}

```

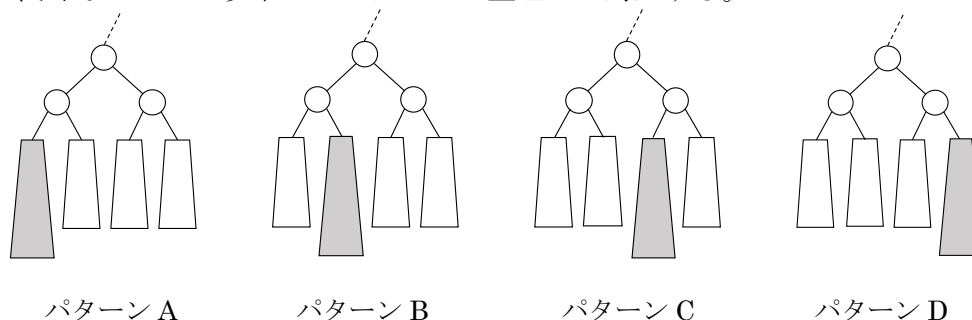
- 2分探索木において、探索にかかる平均的な計算量がもっとも小さくなる木の形と、もっとも大きくなる木の形について考察せよ。計算量は根から枝をたどって行く段数に比例することを考慮せよ。
- 1.のプログラムを参考にして、キーとして日付 (`java.time.LocalDate`)、値として文字列 (`String`) のペアを要素とする2分探索木のクラスを定義し、今年の祝日とその名前を登録して動作を確認せよ。日付を登録する順番をいろいろ変えて木の形を比較するとよい。なお、`LocalDate` のインスタンスは下記のようにして生成することができ、`compareTo` で比較することができる。

```
LocalDate date = LocalDate.of(2017, 1, 1); // 元日
```

- 単純な2分探索木は、データの登録順によっては木の形が左右対称から大きく崩れ、探索速度が低下する。平衡木 (AVL 木) では、どのノードを根とする左右の部分木の高さの差も1以内に収まるように、下図に示すような回転操作を利用してなるべく平衡 (バランス) を保つ。



上の例で「50」のノードは根からの深さが変わっていないことに注意すると、1回の回転ではバランスを回復できない場合があることがわかる。そこで、バランスが崩れた状態は、2つの子ノードの下に4つの部分木のどれが長くなったかで以下の4パターンに整理して対処する。



下記は、ノード `n` の左右の枝の先の長さ (`n.left` および `n.right` の部分木の高さ) が2以上離れたときに、それを1以内に収めるために、どのように回転操作を組み合わせればよいか説明した疑似コードである。適切に選択枝を選び、上の4パターンがそれぞれどのように処理されるか図示せよ。

1: 平衡係数  $b = (n.left \text{ の下の部分木の高さ}) - (n.right \text{ の下の部分木の高さ})$

2: もし、 $b \in [2, \infty) \cup (-\infty, -2]$  ならば、`n.left` の下が長くなりすぎたので以下を実行

2.1: さらにもし、`n.left.left` の下の高さ  $< >$  `n.left.right` の下の高さならば

2.1.1: `n.left.right` を持ち上げるために、`n.left` を軸に【左 右】回転する。

2.2: `n.left` を持ち上げるために、`n` を軸に【左 右】回転する。

3: もし、 $b \in [2, \infty) \cup (-\infty, -2]$  ならば、`n.right` の下が長くなりすぎたので以下を実行

3.1: さらにもし、`n.right.left` の下の高さ  $< >$  `n.right.right` の下の高さならば

3.1.1: `n.right.left` を持ち上げるために、`n.right` を軸に【左 右】回転する。

3.2: `n.right` を持ち上げるために、`n` を軸に【左 右】回転する。