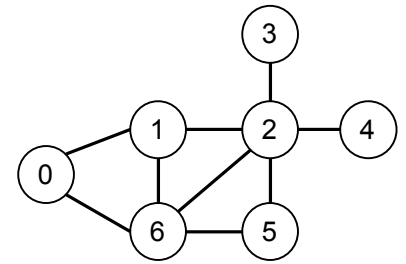


1. **グラフ構造**とは、右図のようにノード（または頂点）がリンク（または辺、エッジ）によって連結された構造である。木もグラフの一種である。

数学ではグラフの連結の表現として、隣接行列が用いられる。これは、グラフ  $G$  において行列  $A$  を定義し、 $A$  の成分  $a_{ij}$  の値をノード  $v_i$  と  $v_j$  を直接つなぐリンクの本数とするものである。隣接行列はプログラム言語では 2 次元配列で実現できる。グラフ構造のデータ表現には、他にも木構造のように構造体とポインタを用いる方法などがある。



下記のプログラムは、右図のグラフを隣接行列で表し、あるノードから他のノードへの最短距離とその経路を**ダイクストラ法**というアルゴリズムによって求めるものである。空欄を適切に埋めてプログラムを入力して実行し、説明を読んでアルゴリズムについて理解せよ。

```
import java.util.*;

class Dijkstra {

    // 距離無限大を表す十分に大きな数
    private final static int INF = 9999;

    // 隣接行列：ノード i と j が直接つながっていれば
    // adj[i][j]==1, そうでなければ 0 を設定する
    private final static int[][] adj = {
        { , , , , , , },
        { , , , , , , },
        { , , , , , , },
        { , , , , , , },
        { , , , , , , },
        { , , , , , , },
        { , , , , , , }
    };

    // グラフのノード数
    private final static int N = adj.length;

    public static void main(String[] args) {
        // 始点ノードの入力
        Scanner sc = new Scanner(System.in);
        System.out.printf("始点 (0-%d): ", N-1);
        int start = sc.nextInt();

        // 始点ノードから各ノードまでの最短距離
        int[] dist = new int[N];
        // 各ノードへの経路の 1 つ前の経由ノード
        int[] back = new int[N];

        // 始点からの距離が未確定のノードの集合
        // (コレクションクラスの集合を利用した)
        Set<Integer> Q = new HashSet<Integer>();

        // 始点から全ノードへの距離を無限大に初期化
        for (int node = 0; node < N; node++) {
            dist[node] = INF;
            Q.add(node); // 最初は全ノードが未確定
        }

        dist[start] = 0; // 始点→始点は距離 0
        back[start] = -1; // 始点の 1 つ前はない

        // 距離未確定ノードがある間、繰り返す
        while (Q.size() > 0) {
            // まだ距離が未確定にノードの中で
            // 始点が一番近いものを選び出す
            int nearest = -1; // 一番近いノード
            int min_dist = INF; // その距離

            // Q の全要素のループ
            for (int node : Q) {
                if (dist[node] < min_dist) {
                    min_dist = dist[node];
                    nearest = node;
                }
            }
            // Q の残りが到達できないノードだけなら終了
            if (min_dist == INF) break;

            // 距離が最短だったノード (nearest) へは、
            // もうこれ以上短い経路は存在し得ない
            // よって、Q から取り除き、距離を確定する
            Q.remove(nearest);

            // 距離未確定の全ノードについて、nearest を
            // 通った場合の距離を計算し、今までよりも
            // 短くなるなら距離と経由ノードを更新する
            for (int node : Q) {
                // nearest→node の接続があるなら
                if (adj[nearest][node] > 0) {
                    // 現在の node への最短距離よりも
                    // nearest への距離+1 のほうが短ければ
                    if (dist[node] > dist[nearest] + 1) {
                        dist[node] = dist[nearest] + 1;
                        back[node] = nearest;
                    }
                }
            }
        }

        // 最後に始点から全ノードへの距離を表示
        for (int node = 0; node < N; node++) {
            System.out.printf("%d->%d 距離:%d 経路:",
                start, node, dist[node]);
            // 経路を逆にたどって表示
            for (int x = node; x != -1; x = back[x])
                System.out.print(x + " ");
            System.out.println();
        }
    }
}
```