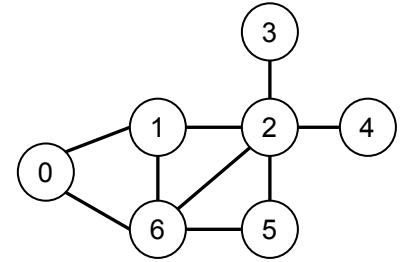


1. **グラフ構造**とは、右図のようにノード（または頂点）がリンク（またはエッジ, 辺）によって連結された構造であり、木もグラフの一種である。

数学ではグラフの連結の表現として、隣接行列が用いられる。これは、グラフ G において行列 A を定義し、 A の成分 a_{ij} の値をノード v_i と v_j を直接つなぐリンクの本数とするものであり、プログラム言語では2次元配列で実現できる。グラフ構造のデータ表現には、他にも、木構造のように構造体とポインタを用いる方法などがある（教科書参照）。



下記のプログラムは、右図のグラフを隣接行列で表し、あるノードから他のノードへの最短距離とその経路を**ダイクストラ法**というアルゴリズムによって求めるものである。空欄を適切に埋めてプログラムを入力して実行し、説明を読んでアルゴリズムについて理解せよ。

```
#include <stdio.h>

#define N 7 /* グラフのノード数 */
#define INF 9999 /* 距離無限大 (=非接続) */

/* 隣接行列: ノード i と j が直接つながっていれば
   adj[i][j]==1、そうでなければ 0 */
int adj[N][N] = {
    { , , , , , , },
    { , , , , , , },
    { , , , , , , },
    { , , , , , , },
    { , , , , , , },
    { , , , , , , },
    { , , , , , , }
};

int main(void)
{
    int start; /* 始点ノード */
    int dist[N]; /* 各ノードまでの距離 */
    int back[N]; /* 1つ前の経路ノード */
    int node, xnode;
    int min_dist;

    int Q[N]; /* 距離が未確定のノードの集合 */
    int nQ = N; /* Qの要素数 (未確定ノード数) */
    int count, min_elem;

    /* 初期化: 全ノードへの距離を無限大に設定 */
    for (node = 0; node < N; node++) {
        dist[node] = INF;
        Q[node] = node; /* 未確定集合に登録 */
    }

    /* 始点ノードの入力 */
    printf("starting node (0-%d):", N-1);
    scanf("%d", &start);

    dist[start] = 0; /* 始点までの距離は 0 */
    back[start] = -1; /* 始点の 1つ前はない */

    /* 未確定ノードがある間、繰り返す */
    while (nQ > 0) {
        /* Q (距離未確定) の中の全ノードを比較し、
           距離が最短のノードを選び出す */
        node = Q[0]; /* Qの最初 (0) の要素 */
        min_dist = dist[node];
        min_elem = 0;

        for (count = 1; count < nQ; count++) {
            node = Q[count];
            if (dist[node] < min_dist) {
                min_dist = dist[node];
                min_elem = count;
            }
        }

        /* 到達できないノードが残った場合も終了 */
        if (min_dist == INF) break;

        /* 距離が最短だったノード (xnode) は、
           それより短い経路が存在し得ないので
           Qから取り除く (その距離が確定する) */
        xnode = Q[min_elem];
        Q[min_elem] = Q[--nQ];

        /* 未確定の全ノードについて、xnodeを
           経由した距離を計算し、今までよりも
           短くなるなら距離と経路を更新する */
        for (count = 0; count < nQ; count++) {
            /* Qに含まれるノードを順にチェック */
            node = Q[count];
            if (adj[xnode][node] > 0) {
                /* xnodeまでの距離+1のほうが、
                   nodeまでよりも短ければ */
                if (dist[xnode] + 1 < dist[node]) {
                    dist[node] = dist[xnode] + 1;
                    back[node] = xnode;
                }
            }
        }
    }

    /* 結果表示 */
    for (node = 0; node < N; node++) {
        printf("%d->%d dist:%d path:",
            start, node, dist[node]);
        /* 経路を逆にたどって表示 */
        for (xnode = node;
            xnode != -1; xnode = back[xnode]) {
            printf("%d ", xnode);
        }
        putchar('\n');
    }
    return 0;
}
```